

Ces deux compenseurs pour le cardinal 2 sont négatifs,  
d'où conjecture d'alternance

Sur la ligne singleton, les compenseurs sont-ils négatifs (ou nuls) pour les cardinaux pairs et positifs (ou nul) pour les cardinaux impaires.

Cela étant vrai (avec échange entre pair et impairs)  
pour la ligne du vide, la conjecture s'étend  
immédiatement à toute ligne (voir plus loin).

Voici la ligne du singleton pour les cardinaux 1,2,3.

	$A_1$	$A_2$	$C_2$	$A_3$	$\downarrow \cdot$	$\wedge$	$\vee$	$C_3$
				antichaine	mixte	divergent	convergent	chaîne
	1	-2	-1	3	1	1	0	0
	cardinal 2 compenseurs $\leq 0$			cardinal 3: compenseurs $\geq 0$				

Calculs pour l'antichaine  $A_3$  :

$$A_3/A_1 - 2A_3/A_2 + aA_3/A_3 = 0 \text{ soit } 3 - 2 \cdot 3 + a = 0 \text{ donc } a = 3$$

$$\downarrow \cdot = M$$

pour le poset mixte

$$M/A_1 - 2M/A_2 - M/C_2 + aM/M = 0$$

$$2 - 2 \cdot 1 - 1 + a = 0 \text{ donc } a = 1$$

$$\wedge = D$$

pour le poset divergent

$$D/A_1 - D/C_2 + aD/D = 0$$

$$1 - 2 + a = 0 \text{ donc } a = 1$$

$$\vee = V$$

pour le poste convergent

$$V/A_1 - 2V/A_2 - V/C_2 + aV/V = 0$$

$$2 - 2 \cdot 1 - 0 + a = 0 \text{ donc } a = 0$$

(les chaînes restrictives de V ne sont pas des intervalles unitaires)

pour la chaîne  $C_3$  :

$$C_3/A_1 - C_3/C_2 + aC_3/C_3 = 0$$

$$1 - 1 + a = 0 \text{ donc } a = 0$$