

En configuration, un changement continu du référentiel n'altère pas le signe + ou - de la charge, mais altère les composants du spin (à chaque valeur de l'impulsion  $p$  est associé un quadri vecteur polarisation de spin qui obéit aux changements de coordonnées comme tout quadrivecteur) Donc les composantes  $\wedge$  et  $\vee$  se transforment continûment.

Il en résulte que la fonction d'onde en configuration n'a que 2 indices (charge + et charge -) au lieu de 4 et qu'en compensation elle est la somme des intégrales en spin  $\wedge$  et en spin  $\vee$

Exemple : la fonction d'onde porteuse d'un seul fermion :

$$\Psi_{1,0}(\xi) = \frac{1}{(2\pi)^{3/2}} \int dp \sqrt{\frac{m}{E(p)}} e^{-ip\xi} (A_{10,00}(p) \uparrow \omega(p) + A_{01,00}(p) \downarrow \omega(p))$$

ou  $\uparrow \omega(p)$  est le spin up  $\alpha = \sqrt{E + mc^2}$  et  $\downarrow \omega(p)$  down :  $\alpha' = 0$

on vérifie  $\alpha\alpha' + \beta\beta' = 0$   $\beta = 0$   $\beta' = \sqrt{E + mc^2}$

$$\gamma\gamma' + \delta\delta' = 0 \quad \gamma = \frac{cp_z}{\sqrt{E + mc^2}} \quad \gamma' = -\frac{c(p_x + ip_y)}{\sqrt{E + mc^2}}$$

$$\alpha\alpha^* + \beta\beta^* - \gamma\gamma^* - \delta\delta^* = \delta = \frac{c(p_x + ip_y)}{\sqrt{E + mc^2}} \quad \delta' = \frac{cp_z}{\sqrt{E + ml^2}}$$

$$E + mc^2 - \frac{c^2 p^2}{E + ml^2} = E + mc^2 - (E - mc^2) = 2mc^2 \text{ (constante)}$$

$\psi_{1,0}(\xi)$  est lui-même un spineur à 4 composantes

Exemple plus instructif : la fonction d'onde porteuse de 2 fermions :

$$\psi_{2,0}(\xi_1, \xi_2) = \frac{1}{(2M)^3} \int dp_1 dp_2 \sqrt{\frac{m^2}{E(p_1)E(p_2)}} e^{-i(p_1\xi_1 + p_2\xi_2)}$$

$$(A_{20,00}(p_1, p_2) \uparrow \omega(p_1) \uparrow \omega(p_2) + A_{02,00}(p_1, p_2) \downarrow \omega(p_1) \downarrow \omega(p_2) + A_{11,00}(p_1, p_2) \uparrow \omega(p_1) \downarrow \omega(p_2) - A_{11,00}(p_2, p_1) \downarrow \omega(p_1) \uparrow \omega(p_2))$$

N.B2 Alors que et sont chacune antisymétrique, la fonction  $A_{11,00}$  concerne 2 composantes de nature différente donc est quelconque (en espace des impulsions)

Néanmoins,  $\Psi_{20}(\xi_1, \xi_2)$  est antisymétrique. Plus exactement :

Passer à  $\psi_{2,0}(\xi_2, \xi_1)$  revient à échanger  $P_1$  et  $P_2$ , ce qui donne :

$$A_{20,00}(p_2, p_1) \uparrow \omega(p_2) \uparrow \omega(p_1) + A_{02,00}(p_2, p_1) \downarrow \omega(p_2) \downarrow \omega(p_1) + A_{11,00}(p_2, p_1) \uparrow \omega(p_2) \downarrow \omega(p_1) - A_{11,00}(p_1, p_2) \downarrow \omega(p_2) \uparrow \omega(p_1)$$

$$= -A_{20,00}(p_1, p_2) \uparrow \omega(p_2) \uparrow \omega(p_1) - A_{02,00}(p_1, p_2) \downarrow \omega(p_2) \downarrow \omega(p_1) - A_{11,00}(p_1, p_2) \downarrow \omega(p_2) \uparrow \omega(p_1) + A_{11,00}(p_2, p_1) \uparrow \omega(p_2) \downarrow \omega(p_1)$$

(antisymétrie de  $A_{20,00}$ ) voir au verso (antisymétrie de  $A_{02,00}$ ) fonction  $A_{11,00}$  quelconque