

Correspondance de Galois antitone

P. Gazzano, N. Lygeros

. (P, \leq_p) et (Q, \leq_Q) deux ordres partiels

. $m_1 : P \rightarrow Q$ et $m_2 : Q \rightarrow P$ deux fonctions définies sur ces ordres.

Définition 1: (D1)

(m_1, m_2) est une correspondance de Galois antitone si: m_1 et m_2 sont décroissantes
et si $m_1 \circ m_2$ et $m_2 \circ m_1$ sont extensives:

$$q \leq_Q m_1(m_2(q)) \text{ et } p \leq_P m_2(m_1(p))$$

Définition 2: (D2)

(m_1, m_2) est une correspondance de Galois antitone si m_1 et m_2 vérifient :

$$q \leq_Q m_1(p) \Leftrightarrow p \leq_P m_2(q)$$

$$(D_1) \Leftrightarrow (D_2)$$